

Am Faden aufgehängter Drahtwinkel („Kleiderbügel“)

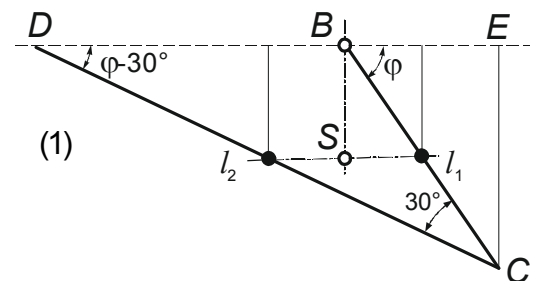
Geg.:  $l_1 = 200 \text{ mm}$

Ges.: Länge  $l_2$ , damit Strecke  $\overline{BD}$  waagrecht liegt

Der Linienschwerpunkt S des Drahtes muss unter dem Punkt B liegen.

$$l_1 \frac{l_1}{2} \cos \varphi = l_2 \left[ \frac{l_2}{2} \cos(\varphi - 30^\circ) - l_1 \cos \varphi \right]$$

$$\left( \frac{l_1^2}{2} + l_1 l_2 \right) \cos \varphi = \frac{l_2^2}{2} \cos(\varphi - 30^\circ)$$



Geometrische Beziehung:

$$\overline{EC} = l_1 \sin \varphi = l_2 \sin(\varphi - 30^\circ) \quad (2)$$

Additionstheoreme:

$$\cos(\varphi - 30^\circ) = \cos \varphi \cos 30^\circ + \sin \varphi \sin 30^\circ = \frac{1}{2} (\sqrt{3} \cos \varphi + \sin \varphi) \quad (3)$$

$$\sin(\varphi - 30^\circ) = \sin \varphi \cos 30^\circ - \cos \varphi \sin 30^\circ = \frac{1}{2} (\sqrt{3} \sin \varphi - \cos \varphi) \quad (4)$$

(3) in (1) und (4) in (2):

$$\left( \frac{l_1^2}{2} + l_1 l_2 \right) \cos \varphi = \frac{l_2^2}{4} (\sqrt{3} \cos \varphi + \sin \varphi) \quad (1')$$

$$\sin \varphi = \frac{l_2}{2 l_1} (\sqrt{3} \sin \varphi - \cos \varphi) \quad (2')$$

$$\frac{l_1^2}{2} + l_1 l_2 = \frac{l_2^2}{4} (\sqrt{3} + \tan \varphi) \quad (1'')$$

$$\tan \varphi = \frac{l_2}{2 l_1} (\sqrt{3} \tan \varphi - 1) \quad (2'')$$

$$\left( -1 + \frac{l_2}{2 l_1} \sqrt{3} \right) \tan \varphi = \frac{l_2}{2 l_1}$$

$$\tan \varphi = \frac{1}{-2 \frac{l_1}{l_2} + \sqrt{3}} \quad (2''')$$

(2''') in (1''):

$$\frac{l_1^2}{2} + l_1 l_2 = \frac{l_2^2}{4} \left( \sqrt{3} + \frac{1}{\sqrt{3} - \frac{2l_1}{l_2}} \right) = \frac{l_2^2 - \frac{l_1 l_2}{2} \sqrt{3}}{\sqrt{3} - \frac{2l_1}{l_2}}$$

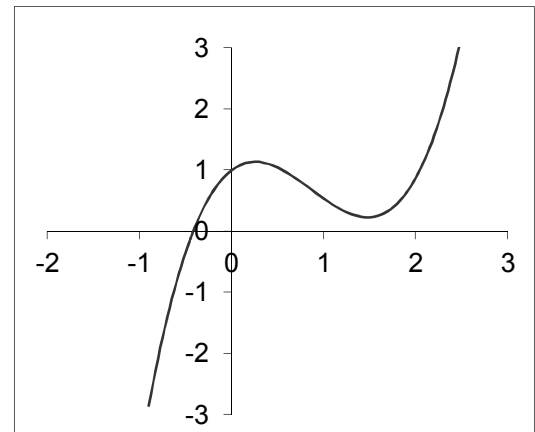
$$\left(\frac{l_2}{l_1}\right)^3 - \frac{3\sqrt{3}}{2} \left(\frac{l_2}{l_1}\right)^2 + \left(2 - \frac{\sqrt{3}}{2}\right) \left(\frac{l_2}{l_1}\right) + 1 = 0$$

$$x^3 - \frac{3\sqrt{3}}{2} x^2 + \left(2 - \frac{\sqrt{3}}{2}\right) x + 1 = 0 \quad \text{mit: } x = \frac{l_2}{l_1}$$

Lösung der kubischen Gleichung mit MathCad:

$$x := \begin{bmatrix} 1 \\ (2 - 0.5 \cdot \sqrt{3}) \\ -1.5 \cdot \sqrt{3} \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$\text{nullstellen}(x) = \begin{pmatrix} -0.418 \\ 1.508 - 0.346i \\ 1.508 + 0.346i \end{pmatrix}$$



Erstaunlich ist, dass keine der drei Lösungen technisch brauchbar ist.

Das bedeutet, dass die beiden Forderungen:  $\overline{BD}$  waagrecht und Linienschwerpunkt unter  $B$  nicht gleichzeitig realisierbar sind.

Zur Kontrolle:

Lösung der kubischen Gleichung mit Hilfe der Cardanischen Formeln:

$$a := -1.5\sqrt{3}$$

$$b := 2 - .5\sqrt{3}$$

$$c := 1$$

$$p := b - \frac{a^2}{3}$$

$$q := 2 \cdot \frac{a^3}{27} - a \cdot \frac{b}{3} + c$$

$$p = -1.116$$

$$q = 0.683$$

$$D := \left(\frac{q}{2}\right)^2 + \left(\frac{p}{3}\right)^3$$

$$D = 0.065$$

$$u := \sqrt[3]{\frac{-q}{2} + \sqrt{D}}$$

$$v := \sqrt[3]{\frac{-q}{2} - \sqrt{D}}$$

$$u = -0.442$$

$$v = -0.842$$

$$z1 := u + v$$

$$z1 = -1.284$$

$$x := z1 - \frac{a}{3}$$

$$x = -0.418$$